

på annat stadium än där de själva undervisade, till följd därav att lärarna i allmänhet undervisade vid flera skolor. Då från kandidaternas sida allmänt rådde klagomål över kritikkonferensernas karaktär, ansåg talaren att granskningen av en lektion borde anordnas omedelbart efter lektionen och verkställas av handledare och rektor. Viktigare än kritikkonferensen vore dock förberedelsekonferensen före lektionerna.

### Referat af ett bevis af Lazzeri för additions- teoremen för cosinus och sinus.

Af F. de B.

Apropos det i Ped. Tidskr., 1909, sid. 453 och 454, publicerade beviset för additionsteoremen för sinus och cosinus tillåter jag mig fästa uppmärksamheten på ett annat snarligt för samma teorem hos *Guilio Lazzeri* i hans *Manuale di Trigonometria piana, 1900, sid. 36*:

Låt  $a_1, b_1$  vara de cartesianska och  $\rho, \alpha$  de polära koordinaterna för en godtycklig punkt  $P_1$  samt  $a_2, b_2$  de cartesianska och  $\rho, \beta$  de polära för en annan punkt  $P_2$ . Kvadraten på afståndet  $d$  mellan  $P_1$  och  $P_2$  kan då erhållas af

$$d^2 = (a_2 - a_1)^2 + (b_2 - b_1)^2$$

$$d^2 = 2\rho^2 - 2\rho^2 \cos(\alpha - \beta),$$

hvaraf

$$\left(\frac{a_2}{\rho} - \frac{a_1}{\rho}\right)^2 + \left(\frac{b_2}{\rho} - \frac{b_1}{\rho}\right)^2 = 2 - 2 \cos(\alpha - \beta),$$

$$\therefore (\cos \alpha - \cos \beta)^2 + (\sin \alpha - \sin \beta)^2 = 2 - 2 \cos(\alpha - \beta),$$

$$\therefore \cos^2 \alpha - 2 \cos \alpha \cos \beta + \cos^2 \beta + \sin^2 \alpha - 2 \sin \alpha \sin \beta + \sin^2 \beta = 2 - 2 \cos(\alpha - \beta),$$

$$\therefore \cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta; \text{ o. s. v.}$$

Beviset låter naturligtvis generalisera sig till rymden.